

Analisis Portofolio dalam Investasi Saham Pada Pasar Modal

¹ Amir Tjolleng, ² Tohap Manurung

²Jurusan Matematika, Fakultas MIPA, Universitas Sam Ratulangi, kris_ton79@yahoo.com

Abstract

*Investors who invest in shares in the capital market would consider two things: the level of profit and loss or risk level. Expected return is the return expected by investors in the future and are uncertain (uncertainty). Return expectations and risk level has a positive relationship. The greater the risk of a security, the greater the expected benefits, and the smaller the risk of the securities, the smaller the profits. Investors would want a high profit and low risk, but it is not likely to happen for sure. In this case we can use the analysis of portfolio theory of **Harry Markowitz** proposed mathematical model to find the right solution. The principle of this model is to form a diversified stock and with some portfolio stock. The goal is to minimize the risk to a certain level of profit or profit-maximizing level with certain risks. Investors can also determine the allocation of funds to be invested in a portfolio of shares. So that each investor will obtain an efficient portfolio choice and optimal.*

Keywords: Portofolio theory, return

Abstrak

*Investor yang berinvestasi saham di pasar modal akan mempertimbangkan dua hal yaitu tingkat keuntungan dan tingkat kerugian atau resiko. Expected return adalah return yang diharapkan oleh investor di masa mendatang dan bersifat tidak pasti (uncertainty). Ekpektasi return dan tingkat resiko mempunyai hubungan yang positif. Semakin besar resiko suatu sekuritas, semakin besar return yang diharapkan, dan sebaliknya. Investor tentu menginginkan keuntungan yang tinggi dan resiko yang rendah, namun hal itu tidak mungkin terjadi secara pasti. Dalam hal ini kita dapat menggunakan analisa teori portofolio yang dikemukakan **Harry Markowitz** dengan model matematikanya untuk mencari solusi yang tepat. Prinsip dari model ini adalah dengan cara diversifikasi saham dengan membentuk berbagai portofolio saham. Tujuannya adalah meminimumkan resiko dengan tingkat keuntungan tertentu atau memaksimalkan tingkat keuntungan dengan resiko tertentu. Disamping itu juga investor dapat menentukan alokasi dana yang harus diinvestasikan pada portofolio sahamnya. Sehingga setiap investor akan memperoleh pilihan portofolio yang efisien dan optimal.*

Kata kunci: Teori Portofolio, return

1. PENDAHULUAN

Teori portofolio merupakan teori yang berhubungan mengenai pengembalian portofolio yang diharapkan dan tingkat resiko portofolio yang dapat diterima, serta menunjukkan cara pembentukan portofolio yang optimal. Teori portofolio ini saling berkaitan dengan teori pasar modal yang berdasarkan pada pengaruh keputusan investor terhadap harga sekuritas serta menunjukkan hubungan yang seharusnya terjadi antara pengembalian dan resiko sekuritas jika investor membentuk portofolio yang sesuai dengan teori portofolio.

Tingkat pengembalian yang diharapkan (*expected return*) adalah return yang yang diharapkan akan diperoleh oleh investor di masa mendatang dan sifatnya belum terjadi. Dengan adanya ketidakpastian (*uncertainty*) tersebut, berarti investor akan memperoleh return di masa mendatang yang belum diketahui persis nilainya. Return ekspektasi dan tingkat resiko mempunyai hubungan yang positif. Semakin besar resiko suatu sekuritas, semakin besar return yang diharapkan, dan sebaliknya.

Konsep dari resiko portofolio pertama kali diperkenalkan oleh Harry M. Markowitz. Markowitz menggabungkan beberapa sekuritas tunggal ke dalam bentuk portofolio. Teori portofolio yang dikemukakan Markowitz dikenal dengan model Markowitz, memberikan suatu cara bagaimana berinvestasi dengan efisien dan optimal, yaitu dengan membentuk portofolio optimal.

Tujuan membentuk portofolio optimal adalah untuk memenuhi prinsip dalam berinvestasi "Memperoleh imbal hasil (*return*) pada tingkat yang dikehendaki dengan resiko yang paling minimum". Harry Markowitz mengemukakan model matematik untuk menjawab permasalahan tersebut [1].

Salah satu pengukur resiko adalah deviasi standar atau varian yang merupakan kuadrat dari deviasi standar. Resiko yang diukur dengan ukuran ini mengukur resiko dari seberapa besar nilai tiap-tiap item menyimpang dari rata-ratanya. Resiko portofolio juga dapat diukur dengan besarnya deviasi standar atau varian dari nilai return-return sekuritas tunggal di dalamnya.

Diversifikasi

Untuk meminimumkan resiko, perlu dilakukan diversifikasi dalam berinvestasi, yaitu membentuk portofolio atau meng-investasikan dana tidak hanya disatu asset saja melainkan kebeberapa asset. Permasalahannya adalah berapa besar proporsi dana harus diinvestasikan pada masing-masing asset agar diperoleh tingkat imbal hasil yang dikehendaki dengan resiko yang paling minimum. Diversifikasi ini sangat penting untuk investor, karena dapat meminimumkan resiko tanpa harus mengurangi *return* yang diterima. Bagian dari resiko sekuritas yang dapat dihilangkan dengan membentuk portofolio yang *well-diversified* disebut dengan resiko yang dapat didiversifikasikan (*diversifiable risk*) atau resiko perusahaan (*company risk*) atau resiko spesifik (*specific risk*) atau resiko unik (*unique risk*) atau resiko yang tidak sistematis (*unsystematic risk*). Sebaliknya, resiko yang tidak dapat didiversifikasikan oleh portofolio disebut dengan non-diversifiable risk atau resiko pasar (*market risk*) atau resiko umum (*general risk*) atau resiko sistematis (*systematic risk*). Resiko ini terjadi karena kejadian-kejadian di luar kegiatan perusahaan, seperti inflasi, resesi, dan lain sebagainya.

Pemilihan Portofolio

Investor yang berfikir rasional akan memilih portofolio yang optimal. Portofolio optimal dapat ditentukan dengan menggunakan model Markowitz atau model indeks tunggal. Untuk menentukan portofolio yang optimal dengan model-model ini yang pertama kali dibutuhkan adalah menentukan portofolio yang efisien. Karena tiap-tiap investor memiliki kurva berbeda, portofolio akan berbeda untuk masing-masing investor. Investor yang lebih menyukai resiko akan memilih portofolio dengan return yang tinggi dengan membayar resiko yang juga lebih tinggi dibandingkan dengan investor yang kurang menyukai resiko. Portofolio yang efisien didefinisikan sebagai portofolio yang memberikan return ekspektasi terbesar dengan resiko yang sudah tertentu atau memberikan resiko terkecil dengan return ekspektasi yang sudah tertentu. Portofolio yang efisien ini dapat ditentukan dengan memilih tingkat return ekspektasi tertentu dan kemudian meminimumkan resikonya atau menentukan tingkat resiko yang tertentu kemudian memaksimumkan return ekspektasinya. Investor yang rasional akan memilih portofolio yang efisien ini karena merupakan portofolio yang dibentuk dengan mengoptimalkan satu dari dua dimensi, yaitu return ekspektasi atau resiko portofolio.

Asumsi Portofolio Optimal Berdasarkan Model Markowitz

Untuk menentukan portofolio yang optimal Model Markowitz menggunakan asumsi-asumsi sebagai berikut :

- Waktu yang digunakan hanya satu periode.
- Tidak ada biaya transaksi.
- Preferensi investor hanya didasarkan pada return ekspektasi dan resiko dari portofolio.
- Tidak ada pinjaman dan simpanan bebas resiko.

Return dan standar deviasi dari Portofolio (banyak Aset)

Untuk portofolio dari beberapa aset, return dari aset dikarakterisasi oleh mean, variansi dan kovariansinya.

- Rata-rata Return

Asset	1	2	...	n
Mean Return	\bar{r}_1	\bar{r}_2	...	\bar{r}_n

- Variansi dan Kovariansi

	r_1	r_2	\dots	r_n
r_1	σ_1^2	σ_{12}	\dots	σ_{1n}
r_2	σ_{21}	σ_2^2	\dots	σ_{2n}
\vdots	\vdots	\vdots	\ddots	\vdots
r_n	σ_{n1}	σ_{n2}	\dots	σ_n^2

Anggaplah bahwa portofolio dengan w_i sebagai bobot nilai proporsi yang diinvestasikan dalam aset. Maka :

$$\sum_{i=1}^n w_i = 1.$$

Secara umum pada portofolio banyak aset berlaku :

- Return portofolio

$$\tilde{r}_p = w_1\tilde{r}_1 + w_2\tilde{r}_2 + \dots + w_n\tilde{r}_n = \sum_{i=1}^n w_i\tilde{r}_i.$$

- Expected return dari portofolio

$$\bar{r}_p = E[r_p] = w_1\bar{r}_1 + w_2\bar{r}_2 + \dots + w_n\bar{r}_n = \sum_{i=1}^n w_i\bar{r}_i.$$

- Variansi dari return portofolio

$$\sigma_p^2 = \text{Var}[\tilde{r}_p] = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n w_i w_j \sigma_{ij}$$

dimana $\sigma_{ii} = \sigma_i^2$.

- Standar deviasi dari return portofolio

$$\sigma_p = \sqrt{\text{Var}[\tilde{r}_p]} = \sqrt{\sigma_p^2}.$$

Variansi dari return portofolio dapat dihitung dengan menjumlahkan semua entri pada tabel di bawah ini :

	w_1r_1	w_2r_2	\dots	w_nr_n
w_1r_1	$w_1^2\sigma_1^2$	$w_1w_2\sigma_{12}$	\dots	$w_1w_n\sigma_{1n}$
w_2r_2	$w_2w_1\sigma_{21}$	$w_2^2\sigma_2^2$	\dots	$w_2w_n\sigma_{2n}$
\dots	\vdots	\vdots	\ddots	\vdots
w_nr_n	$w_nw_1\sigma_{n1}$	$w_nw_2\sigma_{n2}$	\dots	$w_n^2\sigma_n^2$

Batasan Portofolio (Portofolio Frontier) tanpa Aset Bebas Resiko

Penyelesaian masalah optimasi portofolio dapat dilakukan dengan cara berikut :

Dengan menggunakan notasi matriks, kita dapat menuliskan kembali masalah optimasi portofolio sebagai :

$$\text{Minimize } \sigma_p^2 = \mathbf{w}^T \mathbf{V} \mathbf{w}$$

$$\text{subject to (1) } \mathbf{w}^T \mathbf{1} = 1$$

$$(2) \mathbf{w}^T \bar{\mathbf{r}} = \bar{r}_p$$

Untuk menyelesaikan kendala-kendala masalah optimasi di atas, kita menggunakan metode Lagrange

$$L = \mathbf{w}^T \mathbf{V} \mathbf{w} + \lambda (1 - \mathbf{w}^T \mathbf{1}) + \theta (\bar{r}_p - \mathbf{w}^T \bar{\mathbf{r}})$$

Dimana λ dan θ adalah dua parameter yang disebut pengali Lagrange.

Keadaan optimal diberikan melalui persamaan berikut :

$$\frac{\partial L}{\partial \mathbf{w}} = 2\mathbf{V}\mathbf{w} - \lambda \mathbf{1} - \theta \bar{\mathbf{r}} = 0.$$

Asumsikan bahwa \mathbf{V} tak singular. Maka :

$$\mathbf{w} = \mathbf{V}^{-1} \left(\frac{\lambda}{2} \mathbf{1} + \frac{\theta}{2} \bar{\mathbf{r}} \right)$$

Dua kendala, $\mathbf{w}^T \mathbf{1} = 1$ dan $\mathbf{w}^T \bar{\mathbf{r}} = \bar{r}_p$ memberikan dua persamaan untuk λ dan θ :

$$1 = a_3 \frac{\lambda}{2} + a_2 \frac{\theta}{2}$$

$$\bar{r}_p = a_2 \frac{\lambda}{2} + a_1 \frac{\theta}{2}$$

dimana

$$a_1 = \bar{\mathbf{r}}^T \mathbf{V}^{-1} \bar{\mathbf{r}}, \quad a_2 = \bar{\mathbf{r}}^T \mathbf{V}^{-1} \mathbf{1}, \quad a_3 = \mathbf{1}^T \mathbf{V}^{-1} \mathbf{1}.$$

Dengan menyelesaikan λ dan θ , kita memperoleh :

$$\frac{\lambda}{2} = \frac{1}{D} (a_1 - a_2 \bar{r}_p) \quad \text{and} \quad \frac{\theta}{2} = \frac{1}{D} (-a_2 + a_3 \bar{r}_p)$$

dimana $D = a_1 a_3 - a_2^2$.

Substitusi semua yang telah diperoleh untuk mendapatkan solusi batasan portofolio dengan return yang diharapkan :

$$\mathbf{w} = \frac{1}{D} (a_1 \mathbf{V}^{-1} \mathbf{1} - a_2 \mathbf{V}^{-1} \bar{\mathbf{r}}) + \frac{1}{D} (a_3 \mathbf{V}^{-1} \bar{\mathbf{r}} - a_2 \mathbf{V}^{-1} \mathbf{1}) \bar{r}_p.$$

$$\mathbf{w}_0 = \frac{1}{D} (a_1 \mathbf{V}^{-1} \mathbf{1} - a_2 \mathbf{V}^{-1} \bar{\mathbf{r}})$$

$$\mathbf{w} = \mathbf{w}_0 + (\mathbf{w}_1 - \mathbf{w}_0) \bar{r}_p \quad \mathbf{w}_1 = \frac{1}{D} (a_3 \mathbf{V}^{-1} \bar{\mathbf{r}} - a_2 \mathbf{V}^{-1} \mathbf{1})$$

$$\mathbf{w}_p = \mathbf{w}_0 (1 - \bar{r}_p) + \mathbf{w}_1 \bar{r}_p.$$

Variansi dari batasan portofolio sebagai :

$$\sigma_p^2 = (1 - \bar{r}_p)^2 \mathbf{w}_0^T \mathbf{V} \mathbf{w}_0 + 2 \bar{r}_p (1 - \bar{r}_p) \mathbf{w}_0^T \mathbf{V} \mathbf{w}_1 + \bar{r}_p^2 \mathbf{w}_1^T \mathbf{V} \mathbf{w}_1.$$

Standar deviasi dari batasan portofolio sebagai [4]:

$$\sigma_p = \sqrt{(1 - \bar{r}_p)^2 \mathbf{w}_0^T \mathbf{V} \mathbf{w}_0 + 2 \bar{r}_p (1 - \bar{r}_p) \mathbf{w}_0^T \mathbf{V} \mathbf{w}_1 + \bar{r}_p^2 \mathbf{w}_1^T \mathbf{V} \mathbf{w}_1}.$$

METODE PENELITIAN

- Sumber data pada bursa efek Indonesia (BEI) yang di ambil dari internet) selama 3 tahun (Mei 2009-Februari 2012) [3]. Aset yang dipilih adalah PT. Tambang Batubara Bukit Asam (Persero) Tbk (PTBA. JK) , PT. Semen Gresik (Persero) Tbk (SMGR. JK), dan PT. Telekomunikasi Indonesia Tbk (Persero) (TLKM. JK)

- b. Data yang diambil adalah data sekunder harga penutupan (*Close Price*) per bulan selama 3 tahun. Dari data harga saham yang diambil akan ditentukan return per periode setiap awal bulan masa perdagangan mulai Mei 2009-Februari 2012. Masing-masing saham akan ditentukan portofolio yang mungkin dari ketiga saham. Dari portofolia akan ditentukan portofolio yang paling efektif berdasarkan tingkat keuntungan dan resiko.

HASIL DAN PEMBAHASAN

Memilih Portofolio yang Optimal dari Tiga Aset

Tabel berikut ini adalah return dan deviasi standar yang menyajikan sampel pilihan acak dari 3 aset saham yang aktif di pasar modal Indonesia yakni PT. Tambang Batubara Bukit Asam (Persero) Tbk (PTBA. JK) , PT. Semen Gresik (Persero) Tbk (SMGR. JK), dan PT. Telekomunikasi Indonesia Tbk (Persero) (TLKM. JK) yang ada pada pasar modal Indonesia (Lampiran).

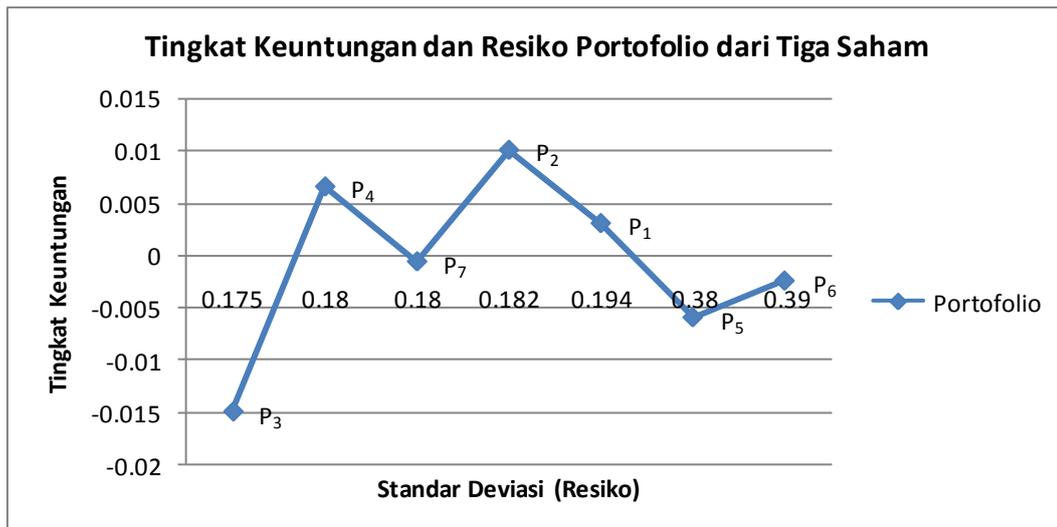
Tabel 1. Rata-rata dan deviasi standar 3 aset

Nama Saham	Rata-Rata	Deviasi Standar
PTBA.JK	0.003	0.194
SMGR.JK	0.01	0.182
TLKM.JK	-0.015	0.175

Berdasarkan data di atas, akan dikombinasikan menjadi 7 jenis portofolio (termasuk saham tunggal). Dengan menggunakan formula pada bagian 2.1, masing masing portofolio mempunyai nilai rata-rata dan deviasi standar seperti pada tabel berikut.

Tabel 2. Nomor Portofolio dengan nilai rata-rata serta deviasi standar

Portofolio Nomor	Komposisi Portofolio	Rata-Rata Tingkat Keuntungan	Deviasi Standar
P ₁	1 PTBA.JK	0,003	0,194
P ₂	1 SMGR.JK	0,01	0,182
P ₃	1 TLKM.JK	-0,015	0,175
P ₄	0,5 PTBA.JK dan 0,5 SMGR.JK	0,0065	0,18
P ₅	0,5 PTBA.JK dan 0,5 TLKM.JK	-0,006	0,38
P ₆	0,5 SMGR.JK dan 0,5 TLKM.JK	-0,0025	0,39
P ₇	0,33 PTBA.JK ; 0,33 SMGR.JK dan 0,5 TLKM.JK	-0,00066	0,18



Gambar 1. Tingkat Keuntungan dan Resiko Portofolio

Batasan Portofolio (*Portofolio Frontier*) tanpa Aset Bebas Resiko dari Tiga Aset

Pada bagian ini, kita akan menentukan batasan portofolio dari 3 aset dalam bentuk batasan berupa nilai bobotnya untuk memperoleh *return* tertentu yang diinginkan dalam berinvestasi. Penentuan bobot tersebut akan dilakukan secara manual berdasarkan formulasi yang telah dipaparkan pada bagian 2.2 di atas. Saham yang digunakan yaitu saham PTBA JK., SMGR JK. dan TLKM JK.

Misalkan kita definisikan :

$$\mathbf{w} = \begin{pmatrix} w_1 \\ w_2 \\ \vdots \\ w_n \end{pmatrix}, \quad \bar{\mathbf{r}} = \begin{pmatrix} \bar{r}_1 \\ \bar{r}_2 \\ \vdots \\ \bar{r}_n \end{pmatrix}, \quad \mathbf{V} = \begin{pmatrix} \sigma_1^2 & \sigma_{12} & \cdots & \sigma_{1n} \\ \sigma_{21} & \sigma_2^2 & \cdots & \sigma_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sigma_{n1} & \sigma_{n2} & \cdots & \sigma_n^2 \end{pmatrix} = \mathbf{V}^T$$

$$\mathbf{w}^T = (w_1 \ w_2 \ \cdots \ w_n), \quad \bar{\mathbf{r}}^T = (\bar{r}_1 \ \bar{r}_2 \ \cdots \ \bar{r}_n)$$

\mathbf{w} dimana adalah bobot yang akan dicari, $\bar{\mathbf{r}}$ adalah rata-rata *return* dan \mathbf{V} adalah covarians dari *return* aset dalam bentuk matriks.

Selanjutnya, dengan melakukan substitusi pada matriks-matriks di atas berdasarkan data

sebelumnya diperoleh : $\bar{\mathbf{r}} = \begin{pmatrix} 0,003 \\ 0,01 \\ -0,015 \end{pmatrix}$ $\bar{\mathbf{r}}^T = (0,003 \ 0,01 \ -0,015)$

$$\mathbf{V} = \mathbf{V}^T = \begin{pmatrix} 0,037 & 0,03 & 0,026 \\ 0,03 & 0,033 & 0,027 \\ 0,026 & 0,027 & 0,03 \end{pmatrix}$$

\mathbf{V}^{-1} diperoleh dengan menggunakan program R seperti berikut ini :

Berdasarkan hasil di atas, diperoleh \mathbf{V}^{-1} dengan pembulatan :

$$\mathbf{V}^{-1} = \begin{pmatrix} 105,7 & -80,2 & -19,4 \\ -80,2 & 175,8 & -88,7 \\ -19,4 & -88,7 & 130 \end{pmatrix}$$

$$a_1 = 0,07 ; a_2 = -0,24 ; a_3 = 35$$

$$D=2,4$$

$$w_0 = \begin{pmatrix} 0,02 \\ 0,5 \\ 0,35 \end{pmatrix} \text{ dan } w_1 = \begin{pmatrix} -2,3 \\ 43,1 \\ -40 \end{pmatrix}$$

Sehingga diperoleh

$$w = w_0 + \bar{r}_p(w_1 - w_0) = \begin{pmatrix} 0,02 \\ 0,5 \\ 0,35 \end{pmatrix} + \bar{r}_p \begin{pmatrix} -2,32 \\ 42,6 \\ -40,4 \end{pmatrix}$$

Andaikan anda menginginkan $\bar{r}_p = 50\%$ maka $w = \begin{pmatrix} -1,9 \\ 21,8 \\ -19,9 \end{pmatrix}$

Misalkan anda memiliki uang \$1 maka :

- *Short sell* \$ - 1,9 kekayaan pada saham PTBA.JK
- Belilah \$ 21,8 kekayaan pada saham SMGR.JK
- *Short sell* \$ - 19,9 kekayaan pada saham TLKM.JK

$$\sigma_p = \sqrt{w^T V w} = \sqrt{\begin{pmatrix} -1,9 & 21,8 & -19,9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0,037 & 0,03 & 0,026 \\ 0,03 & 0,033 & 0,027 \\ 0,026 & 0,027 & 0,03 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1,9 \\ 21,8 \\ -19,9 \end{pmatrix}}$$

$$= \sqrt{3,75} = 1,9$$

Andaikan kita menginginkan $\bar{r}_p = 100\%$ maka $w = \begin{pmatrix} -2,3 \\ 43,1 \\ -40,05 \end{pmatrix}$

Misalkan anda memiliki uang \$1 maka :

- *Short sell* \$ - 2,3 kekayaan pada saham PTBA.JK
- Belilah \$ 43,1 kekayaan pada saham SMGR.JK
- *Short sell* \$ - 40,05 kekayaan pada saham TLKM.JK

$$\sigma_p = \sqrt{w^T V w} = \sqrt{\begin{pmatrix} -2,3 & 43,1 & -40,05 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0,037 & 0,03 & 0,026 \\ 0,03 & 0,033 & 0,027 \\ 0,026 & 0,027 & 0,03 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -2,3 \\ 43,1 \\ -40,05 \end{pmatrix}}$$

$$= \sqrt{15,3} = 3,9$$

Dengan menggunakan cara di atas, kita dapat mengubah *return* yang diinginkan dan memperoleh nilai bobot untuk masing-masing saham.

Jika kita menginginkan *return* $\bar{r}_p = 50\%$ maka risikonya $\sigma_p = 1,9$. Selanjutnya, jika kita menginginkan *return* $\bar{r}_p = 100\%$ maka risikonya $\sigma_p = 3,9$.

Berdasarkan hasil yang diperoleh dapat dikatakan bahwa semakin tinggi keuntungan investasi yang kita inginkan maka risikonya juga akan meningkat.

KESIMPULAN

1. Tujuan membentuk portofolio optimal adalah untuk memenuhi prinsip dalam berinvestasi “Memperoleh imbal hasil (*return*) pada tingkat yang dikehendaki dengan resiko yang paling minimum”. Untuk meminimumkan resiko, perlu dilakukan diversifikasi dalam berinvestasi, yaitu membentuk portofolio atau meng-investasikan dana tidak hanya disatu asset saja melainkan ke beberapa asset.
2. Berdasarkan hasil yang diperoleh dapat dikatakan bahwa semakin tinggi keuntungan investasi yang kita inginkan maka risikonya juga akan meningkat

DAFTAR PUSTAKA

- [1] Husnan, Suad, *Dasar-dasar teori Portofolio dan Analisis Sekuritas. Edisi Kedua*. Penerbit AMP YKPN, Yogyakarta, 1994
- [2] Wang, Jiang, *Lecture Notes : Portfolio Theory*. Fall, 2003
- [3] <http://finance.yahoo.com/>